

Maîtrise en mathématiques

RENSEIGNEMENTS

819 821-8091 (téléphone)

819 821-7189 (télécopieur)

secretaire.math@USherbrooke.ca (adresse électronique)

RESPONSABILITÉ : Département de mathématiques, Faculté des sciences

LIEUX DE FORMATION ET TRIMESTRES D'ADMISSION

Sherbrooke : admission aux trimestres d'automne, d'hiver et d'été

GRADE : Maître ès sciences, M. Sc.

La maîtrise en mathématiques offre trois cheminement :

Deux cheminement de type recherche :

- un cheminement de type recherche en mathématiques;
- un cheminement de type recherche en imagerie et médias numériques;

Un cheminement de type cours :

- un cheminement de type cours en biostatistique avec stage en milieu de recherche.

Le cheminement en biostatistique avec stage en milieu de recherche est offert conjointement avec l'Université Montpellier II. Dans ce cas, l'étudiante ou l'étudiant :

- suit environ la moitié de ses activités pédagogiques dans chacune des deux universités, selon un parcours établi au moment de sa première inscription et accepté par le Comité des études supérieures de la Faculté;
- s'assure dès le début de son programme d'une direction conjointe à l'Université de Sherbrooke et à l'Université Montpellier II.

Le cheminement de type cours en biostatistique avec stage en milieu de recherche est bi-diplômant.

OBJECTIFS GÉNÉRAUX

Permettre à l'étudiante ou à l'étudiant :

- d'approfondir ses connaissances en mathématiques;
- d'amorcer une spécialisation dans un secteur de cette science;
- de s'initier à la recherche et, le cas échéant, d'appliquer les mathématiques aux sciences physiques, aux sciences humaines ou aux sciences de la gestion;
- d'acquérir une méthode de recherche, grâce à l'élaboration et à la réalisation d'un projet de recherche sous la supervision d'une directrice ou d'un directeur de recherche;
- de développer la rigueur et le sens critique par l'analyse et la rédaction de textes scientifiques;
- de développer un esprit de synthèse et une certaine curiosité intellectuelle qui l'aideront à s'adapter continuellement dans un domaine en évolution rapide;
- de développer sa capacité d'écoute, de même que son expression orale et écrite, de façon à s'assurer une communication efficace avec les personnes qui feront appel à ses services.

OBJECTIFS SPÉCIFIQUES

du cheminement de type cours en biostatistique avec stage en milieu de recherche

Permettre à l'étudiante ou à l'étudiant :

- de s'initier à la recherche en vue d'éventuelles études doctorales en biostatistique;
- de se former en tant que statisticienne ou statisticien de haut niveau pour des organismes de recherche et des entreprises notamment dans le domaine de la médecine, de l'agronomie, de l'écologie et des sciences environnementales.

ADMISSION

Condition générale

Grade de 1^{er} cycle en mathématiques, en statistique, en recherche opérationnelle ou l'équivalent. Pour le cheminement en imagerie et médias numériques, le baccalauréat en imagerie et médias numériques ou un diplôme jugé équivalent est accepté dans la mesure où il comporte une préparation adéquate en mathématiques.

Conditions particulières

Avoir une moyenne cumulative d'au moins 2,7 dans un système où la note maximale est de 4,3 ou avoir obtenu des résultats scolaires jugés équivalents. La Faculté peut néanmoins admettre une candidate ou un candidat ne satisfaisant pas à cette condition particulière d'admission. Dans un tel cas, la Faculté peut, conformément au *Règlement des études*, imposer à l'étudiante ou à l'étudiant des activités pédagogiques d'appoint. La candidate ou le candidat doit s'assurer qu'une professeure ou un professeur habilité accepte de superviser la recherche.

RÉGIMES DES ÉTUDES ET D'INSCRIPTION

Régime régulier à temps complet et régime en partenariat à temps complet

CRÉDITS EXIGÉS : 45

DOMAINES DE RECHERCHE

- Algèbre
- Analyse
- Biostatistique
- Géométrie et topologie
- Imagerie et médias numériques
- Recherche opérationnelle, analyse numérique
- Statistique et probabilités

PROFIL DES ÉTUDES

TRONC COMMUN DES CHEMINEMENTS DE TYPE RECHERCHE

Activités pédagogiques obligatoires (22 crédits)

MAT 795	Séminaire de maîtrise	CR
MAT 796	Présentation de mémoire	3
MAT 797	Mémoire	7
		12

CHEMINEMENT DE TYPE RECHERCHE EN MATHÉMATIQUES

- 22 crédits d'activités pédagogiques obligatoires du tronc commun
- 8 crédits d'activités pédagogiques obligatoires du cheminement en mathématiques
- 15 crédits d'activités pédagogiques à option du cheminement en mathématiques

Activités pédagogiques obligatoires (8 crédits)

MAT 793	Activités de recherche I	CR
MAT 794	Activités de recherche II	4
		4

Activités pédagogiques à option⁽¹⁾ (15 crédits)

De six à quinze crédits d'activités pédagogiques choisies parmi les blocs A, B, C et D, dans au moins deux blocs différents.

BLOC A

MAT 721	Algèbre non commutative	CR
MAT 821	Représentations des algèbres	3
		3

BLOC B

MAT 745	Analyse fonctionnelle I	CR
		3

BLOC C

ROP 771	Programmation mathématique	CR
ROP 831	Algorithmes en programmation non linéaire	3
		3

BLOC D

STT 701	Probabilités	CR
STT 751	Statistique mathématique	3
		3

BLOC E

De zéro à neuf crédits d'activités pédagogiques choisies parmi les suivantes :

MAT 711	Théorie des catégories	CR	3
MAT 712	Mesure et intégration	3	3
MAT 714	Méthodes numériques	3	3
MAT 715	Approximation et interpolation	3	3
MAT 723	Topologie générale	3	3
MAT 728	Sujets choisis en algèbre	3	3
MAT 729	Algèbre commutative et géométrie algébrique	3	3
MAT 731	Groupes et représentations des groupes	3	3
MAT 736	Algèbre homologique	3	3
MAT 737	Surfaces de Reimann	3	3
MAT 741	Géométrie combinatoire	3	3
MAT 744	Géométrie computationnelle	3	3
MAT 748	Sujets choisis en analyse	3	3
MAT 749	Équations aux dérivées partielles	3	3
MAT 761	Théorie des codes	3	3
MAT 813	Topologie algébrique	3	3
MAT 845	Analyse fonctionnelle II	3	3
MAT 847	Variétés différentiables et groupes de Lie	3	3
ROP 731	Recherche opérationnelle	3	3
ROP 751	Programmation linéaire en nombres entiers	3	3
ROP 761	Théorie du choix sous critères multiples	3	3
ROP 781	Sujets choisis en recherche opérationnelle	3	3
ROP 787	Sujets choisis en programmation linéaire	3	3
ROP 788	Sujets choisis en programmation non linéaire	3	3
ROP 821	Sujets avancés en programmation linéaire	3	3
ROP 831	Algorithmes en programmation non linéaire	3	3
STT 702	Modèles de probabilités appliquées	3	3
STT 707	Analyse des données	3	3
STT 708	Sujets choisis en probabilités	3	3
STT 711	Statistique appliquée	3	3
STT 712	Statistique non paramétrique	3	3
STT 718	Sujets choisis en statistique	3	3
STT 721	Tests d'hypothèses	3	3
STT 722	Théorie de la décision	3	3
STT 723	Séries chronologiques	3	3

CHEMINEMENT DE TYPE RECHERCHE EN IMAGERIE ET MÉDIAS NUMÉRIQUES

- 22 crédits d'activités pédagogiques obligatoires du tronc commun
- 8 crédits d'activités pédagogiques obligatoires du cheminement en imagerie et médias numériques
- 15 crédits d'activités pédagogiques à option en imagerie et médias numériques et en mathématiques

Activités pédagogiques obligatoires (8 crédits)

IMN 790	Activités de recherche en imagerie numérique I	CR	4
IMN 791	Activités de recherche en imagerie numérique II	4	4

Activités pédagogiques à option en imagerie et médias numériques⁽¹⁾

De six à neuf crédits d'activités pédagogiques choisies parmi les suivantes :

IMN 702	Modèles pour l'imagerie numérique	CR	3
IMN 710	Synthèse d'images avancée	3	3
IMN 715	Sujet choisi en infographie	3	3
IMN 716	Sujet choisi en vision artificielle	3	3
IMN 730	Traitement et analyse des images	3	3
IMN 763	Conception géométrique assistée par ordinateur	3	3
IMN 764	Méthodes mathématiques du traitement du signal	3	3
IMN 786	Vision artificielle	3	3

Activités pédagogiques à option en mathématiques⁽¹⁾

De six à neuf crédits d'activités pédagogiques choisies parmi les suivantes :

MAT 714	Méthodes numériques	CR	3
MAT 715	Approximation et interpolation	3	3
MAT 744	Géométrie computationnelle	3	3
MAT 745	Analyse fonctionnelle I	3	3
MAT 749	Équations aux dérivées partielles	3	3
MAT 813	Topologie algébrique	3	3
ROP 771	Programmation mathématique	3	3
ROP 831	Algorithmes en programmation non linéaire	3	3
STT 701	Probabilités	3	3
STT 707	Analyse des données	3	3
STT 718	Sujets choisis en statistique	3	3
STT 751	Statistique mathématique	3	3

CHEMINEMENT DE TYPE COURS EN BIOSTATISTIQUE AVEC STAGE EN MILIEU DE RECHERCHE

- 15 crédits d'activités pédagogiques obligatoires du cheminement de type cours en biostatistique avec stage en milieu de recherche
- 30 crédits d'activités pédagogiques à option du cheminement de type cours en biostatistique avec stage en milieu de recherche

Activités pédagogiques obligatoires (15 crédits)

MAT 780	Stage	CR	3
MAT 781	Activités de recherche	3	3
MAT 785	Essai de type recherche	6	6
MAT 795	Séminaire de maîtrise	3	3

Activités pédagogiques à option⁽¹⁾ (30 crédits)

IMN 764	Méthodes mathématiques du traitement du signal	CR	3
MAT 721	Algèbre non commutative	3	3
MAT 745	Analyse fonctionnelle I	3	3
MMT 700	Modélisation stochastique en biologie ⁽²⁾	3	3
MMT 701	Statistiques spatiales et géostatistique ⁽²⁾	3	3
MMT 702	Apprentissage statistique ⁽²⁾	3	3
MMT 703	Statistique des valeurs extrêmes ⁽²⁾	3	3
MMT 704	Méthodes paramétriques en biostatistique ⁽²⁾	3	3
MMT 705	Modèles stochastiques appliqués en médecine ⁽²⁾	3	3
MMT 706	Modèles statistiques multivariées ⁽²⁾	3	3
MMT 707	Statistique bayésienne ⁽²⁾	3	3
MMT 708	Outils fonctionnels en statistique ⁽²⁾	3	3
MMT 709	Équations différentielles stochastiques ⁽²⁾	3	3
MMT 710	Processus et applications en médecine ⁽²⁾	3	3
MMT 711	Méthodes statistiques pour la génétique ⁽²⁾	3	3
MMT 712	Modèles dynamiques stochastiques ⁽²⁾	3	3
MMT 713	Statistique sur les variétés ⁽²⁾	3	3
ROP 771	Programmation mathématique	3	3
STT 701	Probabilités	3	3
STT 702	Modèles de probabilités appliquées	3	3
STT 707	Analyse des données	3	3
STT 708	Sujets choisis en probabilités	3	3
STT 711	Statistique appliquée	3	3
STT 712	Statistique non paramétrique	3	3
STT 718	Sujets choisis en statistique	3	3
STT 721	Tests d'hypothèses	3	3
STT 722	Théorie de la décision	3	3
STT 723	Séries chronologiques	3	3
STT 751	Statistique mathématique	3	3

- (1) Avec l'approbation de la directrice ou du directeur de recherche et du comité des études supérieures du Département, l'étudiante ou l'étudiant peut choisir des activités pédagogiques, pour au plus trois crédits, offertes dans un autre programme de 2^e ou de 3^e cycle des départements de mathématiques et d'informatique ou, pour au plus trois crédits, des activités des baccalauréats en mathématiques, en informatique, en imagerie et médias numériques qui n'ont pas déjà été créditées à l'étudiante ou à l'étudiant.
- (2) Ces activités pédagogiques sont offertes à l'Université Montpellier II.

Description des activités pédagogiques

La plupart des activités offertes par la Faculté des sciences sont caractérisées par trois nombres dont le premier correspond aux heures-contact, le deuxième aux travaux pratiques, laboratoires ou exercices, le troisième au travail personnel en moyenne.

IMN

IMN 702 3 cr.

Modèles pour l'imagerie numérique (3-0-6)

Objectifs : approfondir les modèles utilisés pour l'imagerie numérique; être au courant des recherches; être capable de développer des applications réelles.

Contenu : fondements de l'image, filtrage, modèles statistiques, modèles algébriques, modèles physiques.

IMN 710 3 cr.

Synthèse d'images avancée (3-0-6)

Objectifs : approfondir les connaissances en synthèse d'images; être au courant des recherches; être capable de développer des applications réelles.

Contenu : éléments de base de la radiométrie : radiance, fonction de distribution bidirectionnelle des réflectances... Équation de la lumière, fonction plénoptique. Techniques avancées de rendu d'images réalistes : tracé de chemins, tracé bidirectionnel. Méthodes de Monte Carlo. Techniques de rendu non réalistes. Modélisation d'objets complexes. Filtrages de textures. Rendu à base d'images.

IMN 715 3 cr.

Sujet choisi en infographie (3-0-6)

Objectifs : approfondir et maîtriser un sujet choisi en infographie.

Contenu : sujets traités en fonction des développements récents en infographie et en fonction des intérêts des étudiantes et étudiants.

IMN 716 3 cr.

Sujet choisi en vision artificielle (3-0-6)

Objectifs : approfondir et maîtriser un sujet choisi en traitement d'images et vision artificielle.

Contenu : sujets traités en fonction des développements récents en traitement d'images et vision artificielle et en fonction des intérêts des étudiantes et étudiants.

IMN 730 3 cr.

Traitement et analyse des images (3-0-6)

Objectifs : approfondir les connaissances en traitement et analyse des images; être au courant des recherches; être capable de développer des applications réelles.

Contenu : éléments de base: signal, convolution, filtrage et transformées. Formation des images : système d'acquisition et formation physique. Perception. Qualité de l'image: prétraitement, rehaussement et restauration. Extraction de caractéristiques : contour, région et texture. Description symbolique. Traitement d'images couleurs. Applications.

IMN 763 3 cr.

Conception géométrique assistée par ordinateur (3-0-6)

Objectifs : acquérir une expérience approfondie par le biais d'un projet de modélisation géométrique; connaître les outils mathématiques sous-jacents à la modélisation géométrique et comprendre les nuances de leur utilisation et de leur implantation informatique.

Contenu : courbes et surfaces : approximation et interpolation polynomiales (B-splines, Bézier); algorithmes de subdivision (Oslo, De Casteljau, Dubuc). Solides : géométrie constructive solide; algorithmes d'intersection; algorithme de tracé de rayons. Affichage : simulation d'effets optiques; simulation par tracés de rayons; algorithme de radiosité.

IMN 764 3 cr.

Méthodes mathématiques du traitement du signal (3-0-6)

Objectifs : maîtriser et appliquer les outils mathématiques de l'analyse des signaux et des images. Approfondir les connaissances en technique; être au courant des recherches; être capable de développer des applications réelles.

Contenu : espaces de Hilbert. Séries de Fourier, transformées de Fourier, transformée de Fourier discrète et FFT. Analyse des signaux par ondelettes : ondelette de Haar, analyse multirésolution, ondelette de Daubechies et transformée en ondelettes. Distributions. Applications.

IMN 786 3 cr.

Vision artificielle (3-0-6)

Objectifs : approfondir les connaissances en vision artificielle; être au courant des recherches; être capable de développer des applications réelles.

Contenu : objectifs et applications de la vision artificielle. Concepts de la reconstruction 3D à partir d'une ou de plusieurs images; calibration; identification et extraction d'indices de profondeur multiculaires et monoculaires; estimation des paramètres 3D; modélisation 3D. Introduction à la géométrie discrète. Applications au choix.

IMN 790 4 cr.

Activités de recherches en imagerie numérique I

Objectifs : mettre en pratique la méthodologie des premières étapes de la recherche scientifique.

Contenu : le travail comporte les étapes suivantes: recherche bibliographique permettant de situer son projet de recherche par rapport aux recherches existantes; définition d'une problématique de recherche; détermination des hypothèses de travail; élaboration de la méthodologie à être utilisée. À la fin de cette activité, l'étudiante ou l'étudiant doit déposer un plan préliminaire de sa recherche.

IMN 791 4 cr.

Activités de recherches en imagerie numérique II

Objectifs : mettre en pratique la méthodologie des dernières étapes de la recherche scientifique.

Contenu : le travail comporte les étapes suivantes: précision de la problématique

de recherche et des hypothèses de travail, poursuite de la réalisation du projet. Au terme de l'activité, l'étudiante ou l'étudiant est autorisé à rédiger son mémoire.

MAT

MAT 711 3 cr.

Théorie des catégories (3-0-6)

Objectifs : connaître et comprendre les notions et les résultats fondamentaux de la théorie des catégories; savoir les appliquer dans divers domaines des mathématiques.

Contenu : catégories et foncteurs. Morphismes fonctoriels. Équivalences de catégories. Foncteurs représentables, lemme d'Yoneda. Foncteurs adjoints. Limites inductives et projectives. Catégories additives et foncteurs additifs. Catégories abéliennes. Catégories triangulées et catégories dérivées.

MAT 712 3 cr.

Mesure et intégration (3-0-6)

Objectifs : développer l'intégrale de Lebesgue et obtenir ses propriétés.

Contenu : théorie abstraite de l'intégration. Mesures de Borel et théorème de représentation de Riesz. Espaces L^p . Mesures complexes et théorème de Radon-Nikodym. Intégration sur les espaces produits et le théorème de Fubini. Différentiation.

MAT 714 3 cr.

Méthodes numériques (3-0-6)

Objectifs : acquérir une expertise technique et une capacité à utiliser, implanter et développer des méthodes mathématiques basées sur l'arithmétique par intervalles; en conséquence, renforcer sa compréhension des méthodes numériques et mathématiques basées sur l'arithmétique habituelle.

Contenu : méthodes numériques classiques revues et augmentées au moyen de l'analyse par intervalles. Application aux problèmes d'optimisation, notamment sous critères multiples.

MAT 715 3 cr.

Approximation et interpolation (3-0-6)

Objectifs : acquérir une expertise technique et une capacité à utiliser, implanter et développer des méthodes mathématiques basées sur l'approximation et l'interpolation numériques dans le contexte moderne d'interaction homme-machine sans cependant négliger une approche rigoureuse de la théorie.

Contenu : étude de thèmes divers propres à l'approximation et à l'interpolation numériques, comme : interpolation par fonctions rationnelles, trigonométriques ou splines; lissage polynomial ou exponentiel par morceaux; méthodes de type Everett, Wittaker-Henderson généralisée, à une ou plusieurs variables.

MAT 721 3 cr.

Algèbre non commutative (3-0-6)

Objectifs : maîtriser les théorèmes de structures des modules et des catégories de modules.

Contenu : algèbres et modules. Modules simples et le théorème de Jordan-Hölder. Modules semi-simples et les théorèmes

de Wedderburn-Artin. Modules indécomposables et le théorème de Krull-Schmidt. Modules projectifs et injectifs. Le produit tensoriel. Notions d'algèbre multilinéaire. Équivalence et dualité des catégories de modules.

MAT 723 3 cr.

Topologie générale (3-0-6)

Objectif : acquérir les notions d'une structure topologique et d'une structure uniforme permettant de donner un sens mathématique aux notions intuitives de voisinage, de limite, de continuité et de continuité uniforme.

Contenu : structures topologiques. Convergence de suites généralisées et axiomes de séparation. Fonctions continues. Espaces topologiques produits et topologie quotient. Plongement et métrisabilité. Espaces topologiques compacts et théorème de Tychonoff. Compactification de Stone-Cech. Structures uniformes et complétion. Espaces uniformes métrisables et théorème de Baire.

MAT 728 3 cr.

Sujets choisis en algèbre (3-0-6)

Objectif : se familiariser avec un domaine de l'algèbre privilégié par des travaux de recherche récents.

Contenu : le sujet traité dépend de l'intérêt des étudiantes et étudiants et des personnes ressources au Département.

MAT 729 3 cr.

Algèbre commutative et géométrie algébrique (3-0-6)

Objectifs : s'initier aux concepts fondamentaux de l'algèbre commutative et de la géométrie algébrique affine. Être capable d'en tirer des applications à la théorie des nombres et à la théorie des codes.

Contenu : anneaux commutatifs et leurs modules. Localisation : idéaux premiers, racine d'un idéal, anneaux et modules de fractions, anneaux locaux. Dépendance entière : clôture intégrale, théorème de montée. Anneaux et modules noethériens, anneaux de polynômes sur un anneau noethérien. Ensembles algébriques affines, théorème des zéros de Hilbert, ensembles algébriques irréductibles et idéaux premiers, propriétés des courbes planes, dimension des variétés. Applications.

MAT 731 3 cr.

Groupes et représentations des groupes (3-0-6)

Objectifs : connaître et comprendre la structure des groupes finis; acquérir les éléments de la théorie des représentations des groupes, ainsi que les notions de groupes libres et de produits libres.

Contenu : groupes finis, les théorèmes de Sylow, groupes résolubles, groupes nilpotents, extensions de groupes, groupes libres et produits libres de groupes, représentations linéaires des groupes finis, caractères, représentations de dimension un, représentations induites.

MAT 736 3 cr.

Algèbre homologique (3-0-6)

Objectifs : connaître et maîtriser les techniques homologiques de calcul algébrique; savoir les appliquer dans divers domaines de l'algèbre, de la topologie algébrique ou de la géométrie algébrique.

Contenu : catégories et foncteurs, anneaux et modules. Les foncteurs Hom et produit tensoriel, exactitude et adjonction. Modules libres, projectifs et injectifs. Anneaux définis par leurs propriétés homologiques. Foncteurs dérivés, foncteurs d'extension et de torsion. Dimensions homologiques de modules et d'anneaux. Homologie et cohomologie des algèbres.

MAT 737 3 cr.

Surfaces de Riemann (3-0-6)

Objectifs : étudier et appliquer les principales notions des surfaces de Riemann. Approfondir ses connaissances sur les résultats fondamentaux découlant des surfaces de Riemann.

Contenu : surfaces de Riemann compactes. Structures complexes engendrées par une métrique. Applications holomorphes. Revêtements ramifiés de la sphère de Riemann. Topologie et formes différentielles sur les surfaces de Riemann. Différentiels abéliens; variétés de Jacobi. Fonctions méromorphes sur les surfaces de Riemann compactes. Théorème d'Abel. Théorème de Riemann-Roch; diviseurs spéciaux et points de Weierstrass, problème d'inversion de Jacobi. Fonctions théta, diviseur théta.

MAT 741 3 cr.

Géométrie combinatoire (3-0-6)

Objectifs : être capable de connaître les concepts clés reliés à une notion très générale d'indépendance ainsi que les techniques d'ordre et de dénombrement associées, de reconnaître lors d'exposés et de travaux ces concepts dans différentes situations concrètes venant de l'algèbre, de la géométrie, de la combinatoire, des graphes et de l'informatique, de les exploiter et d'en tirer les conséquences naturelles dans tous les cas simples et dans la majorité des cas relativement complexes.

Contenu : treillis distributifs et modulaires, théorème de Birkhoff. Treillis géométriques et matroïdes. Fermetures, bases, circuits, dépendance. Matroïdes vectoriels et graphiques. Morphismes et morphismes forts. Algorithmes gloutons et matroïdes, greedoïdes. Fonctions de Möbius, algèbre d'incidence. Applications à la combinatoire, aux graphes et à l'algorithmique.

MAT 744 3 cr.

Géométrie computationnelle (3-0-6)

Objectif : maîtriser les concepts reliés à la géométrie computationnelle en vue des applications dans des domaines connexes.

Contenu : triangulation de polygones. Partitionnement de polygones. Enveloppe convexe dans le plan et dans l'espace. Diagramme de Voronoï. Arrangements. Recherche de points particuliers et intersections de figures.

MAT 745 3 cr.

Analyse fonctionnelle I (3-0-6)

Objectifs : maîtriser les concepts et acquérir les notions de base en analyse fonctionnelle; connaître les théorèmes fondamentaux et être capable de les appliquer dans différents domaines de l'analyse mathématique.

Contenu : espaces de Hilbert, espaces de Banach, algèbres de Banach. Étude particulière de l'algèbre des opérateurs sur un espace de Hilbert. Espace de

Banach des fonctions à variation bornée et intégrale de Stieltjes. Fonctionnelles linéaires. Théorème de représentation de Riesz. Théorèmes de Hahn-Banach, de la borne uniforme et du graphe fermé. Topologies faibles. Convexité : théorèmes de séparation, inégalité de Jensen, théorème de Krein-Milman.

MAT 748 3 cr.

Sujets choisis en analyse (3-0-6)

Objectif : se familiariser avec un domaine de l'analyse privilégié par des travaux de recherche récents.

Contenu : le sujet traité dépend de l'intérêt des étudiants et étudiants et des personnes ressources au Département.

MAT 749 3 cr.

Équations aux dérivées partielles (3-0-6)

Objectifs : s'initier aux notions fondamentales de la théorie des équations aux dérivées partielles et en connaître les résultats classiques.

Contenu : transformée de Fourier dans \mathbb{R}^n distributions. Problème de Cauchy et théorème de Cauchy-Kovalevskaja. Étude d'équations classiques : équations de Laplace, de Poisson, de la chaleur et des ondes.

MAT 761 3 cr.

Théorie des codes (3-0-6)

Objectif : voir un large éventail de méthodes et de résultats.

Contenu : codes linéaires, codes non linéaires, matrices de Hadamard, configurations combinatoires et codes de Golay, codes duaux et distribution des poids, théorème de MacWilliams, les quatre paramètres fondamentaux d'un code, codes cycliques, codes BCH, codes de Reed-Solomon et de Justesen, codes de Reed-Muller, codes résidu-quadratiques, bornes sur la grosseur d'un code, codes autoduaux et théorie des invariants.

MAT 780 3 cr.

Stage

Objectif : mettre en pratique une méthodologie et aborder une réflexion sur un problème de recherche scientifique.

Contenu : le travail de l'étudiante ou de l'étudiant comporte les étapes suivantes : précision de la problématique de recherche et des hypothèses de travail, poursuite de la réalisation du projet. Au terme de l'activité, l'étudiante ou l'étudiant est autorisé à rédiger un essai de type recherche.

MAT 781 3 cr.

Activités de recherche

Objectif : mettre en pratique la méthodologie des premières étapes de la recherche scientifique.

Contenu : le travail de l'étudiante ou de l'étudiant comporte les étapes suivantes : recherche bibliographique permettant de situer son projet de recherche par rapport aux recherches existantes, définition d'une problématique de recherche, détermination des hypothèses de travail, élaboration de la méthodologie à être utilisée. À la fin de cette activité, l'étudiante ou l'étudiant doit déposer un plan préliminaire de sa recherche.

MAT 785 6 cr.

Essai de type recherche

Objectif : écrire un essai de type recherche.

Contenu : rédaction d'un essai de type recherche décrivant les résultats obtenus au cours du stage de recherche et démontrant l'acquisition d'aptitudes à poser un problème, à en faire l'analyse et à proposer des solutions appropriées.

MAT 793 4 cr.

Activités de recherche I

Objectif : mettre en pratique la méthodologie des premières étapes de la recherche scientifique.

Contenu : le travail de la candidate ou du candidat comporte les étapes suivantes : recherche bibliographique permettant de situer son projet de recherche par rapport aux recherches existantes, définition d'une problématique de recherche, détermination des hypothèses de travail, élaboration de la méthodologie à être utilisée. À la fin de cette activité, l'étudiante ou l'étudiant doit déposer un plan préliminaire de sa recherche.

MAT 794 4 cr.

Activités de recherche II

Objectif : mettre en pratique la méthodologie des dernières étapes de la recherche scientifique.

Contenu : le travail de la candidate ou du candidat comporte les étapes suivantes : précision de la problématique de recherche et des hypothèses de travail, poursuite de la réalisation du projet. Au terme de l'activité, l'étudiante ou l'étudiant est autorisé à rédiger son mémoire.

MAT 795 3 cr.

Séminaire de maîtrise

Objectifs : critiquer et évaluer des présentations scientifiques; réaliser une présentation orale.

Contenu : le travail de la candidate ou du candidat comporte les étapes suivantes : participation à un séminaire de recherche dans son domaine, critique et évaluation des présentations, deux prestations par étudiante ou étudiant.

MAT 796 7 cr.

Présentation de mémoire

Objectifs : exposer et défendre un travail de recherche.

Contenu : présentation du contenu du mémoire lors d'un séminaire public. Cet exposé a lieu au plus tard au moment du dépôt officiel.

MAT 797 12 cr.

Mémoire

Objectif : écrire un mémoire de maîtrise. Contenu : rédaction d'un mémoire décrivant les résultats obtenus au cours d'activités de recherche et démontrant l'acquisition d'aptitudes à poser un problème, à en faire l'analyse et à proposer des solutions appropriées.

MAT 813 3 cr.

Topologie algébrique (3-0-6)

Objectif : approfondir les notions reliées à la topologie vues au cours de premier cycle.

Contenu : propriétés élémentaires des complexes simpliciaux; subdivisions. Homologies simpliciale et singulière. Invariance. Équivalence de ces homologies dans le cas des polyèdres. Suites de Mayer-Vietoris. Applications : les espaces \mathbb{R}^n , théorèmes de points fixes, théorème de la courbe de Jordan.

MAT 821 3 cr.

Représentations des algèbres (3-0-6)

Objectifs : connaître les méthodes modernes de théorie des représentations des algèbres de dimension finie sur un corps; acquérir le plus large éventail possible de résultats et de méthodes.

Contenu : carquois d'une algèbre, représentations d'algèbres héréditaires, théorie d'Auslander-Reiten, ensembles partiellement ordonnés et catégories d'espaces vectoriels, revêtements d'une algèbre, algèbres auto-injectives, théorie de l'inclinaison.

MAT 845 3 cr.

Analyse fonctionnelle II (3-0-6)

Objectif : approfondir les notions vues au premier cours d'analyse fonctionnelle.

Contenu : théorie spectrale des opérateurs : spectre, calcul opérationnel, théorème de la décomposition spectrale, opérateurs autoadjoints, exemples et applications. Algèbres de Banach : homomorphisme, idéaux maximaux, l'algèbre de groupe $L^1(G)$ où G est un groupe topologique abélien localement compact muni de sa mesure de Haar. Théorie des distributions, distributions tempérées et transformées de Fourier.

MAT 847 3 cr.

Variétés différentiables et groupes de Lie (3-0-6)

Objectifs : acquérir une vue synthétique de la géométrie différentielle, de la topologie et de l'algèbre tout en se familiarisant avec des outils applicables à divers domaines des mathématiques et de la physique moderne.

Contenu : rappel sur le calcul différentiel des fonctions à plusieurs variables réelles. Notion de variété différentiable et exemples. Variété produit. Espaces vectoriels tangents. Applications différentiables. Différentielle d'une application et règle de chaîne. Sous-variétés, difféo-morphismes et théorème d'inversion locale. Champs de vecteurs et algèbre de Lie. Systèmes différentiels et théorème de Frobenius. Notion de groupe de Lie et exemples. Caractérisation et homomorphisme de groupes de Lie. Algèbre de Lie d'un groupe de Lie. Sous-groupes à un paramètre, application exponentielle et coordonnées canoniques. Détermination d'un groupe de Lie par son algèbre de Lie et formules de Campbell-Hausdorff. Sous-groupe de Lie et groupe linéaire général $GL(n, \mathbb{R})$. Groupe linéaire adjoint.

MMT

MMT 700 3 cr.

Modélisation stochastique en biologie

Objectif : se familiariser avec les processus markoviens, l'algorithme EM et la sélection de modèles.

Contenu : grandes familles de processus stochastiques : processus de renouvellement et différentes classes de processus markoviens et semi-markoviens. Chaînes de Markov d'ordre variable, processus agrégés, chaînes de Markov cachées. Données biologiques structurées en séquences ou en arborescences, processus de renouvellement et processus semi markoviens, applications aux données incomplètes. L'algorithme EM et ses variantes stochastiques.

MMT 701 3 cr.**Statistiques spatiales et géostatistique**

Objectif : développer son autonomie dans l'utilisation des méthodes de géostatistique dans des contextes appliqués en agriculture, en environnement ou en épidémiologie.

Contenu : variables régionalisées, modèles de champs aléatoires, hypothèses, variogrammes, fonctions de covariances spatiales, variogrammes empiriques, analyse structurale, modèles de variogrammes et estimation, anisotropies, échantillonnage spatial. Krigeage simple et ordinaire, système de pondérations, erreur de prédiction, validation croisée. Géostatistique dans le cadre non stationnaire : krigeage universel, Falk, krigeage avec dérive externe. Simulation de champs aléatoires, simulation conditionnelle.

MMT 702 3 cr.**Apprentissage statistique**

Objectif : comprendre les concepts et méthodes statistiques de l'apprentissage, dont l'importance s'est considérablement accrue au cours de la dernière décennie. Contenu : notions générales de l'apprentissage statistique. Classification binaire : théorie, estimation et applications. Fouille de textes ou d'images, reconstruction des réseaux génétiques, puces ADN.

MMT 703 3 cr.**Statistique des valeurs extrêmes**

Objectif : présenter les principales notions de la théorie des valeurs extrêmes et les modélisations utilisées en statistique des extrêmes.

Contenu : comportement stochastique des extrêmes d'échantillon. Cadres univarié, multivarié, stationnaires et non stationnaires, modélisation de processus temporels ou spatiaux. Applications.

MMT 704 3 cr.**Méthodes paramétriques en biostatistique**

Objectif : présenter de façon rigoureuse les outils de base de l'inférence statistique (estimateurs, tests d'hypothèses) pour les modèles paramétriques en biostatistique.

Contenu : rappels : modes de convergence, méthodes d'estimation classique : moments et evm, tests. Application à l'analyse de données discrètes : tables de contingence et modèles log-linéaires. Tests d'adéquation : (khi-deux, Kolmogorov, de type Cramér von Mises, tests lisses, généralisations pour la régression. Régression linéaire et non linéaire : inférence. Modèles GLM et régression logistique. Modèles poissonniens et de Gamma. Sélection de modèle : méthodes AIC, BIC, vraisemblance maximale.

MMT 705 3 cr.**Modèles stochastiques appliqués en médecine**

Objectif : acquérir un certain nombre d'outils statistiques pour l'analyse de données issues du contexte médical.

Contenu : analyse des données de survie avec l'étude de la censure, modèles paramétriques, non paramétriques et semi-paramétriques. Mélanges de lois, méthodes de partitionnement, modèles non linéaires et des modèles multi-états. U-statistiques et modèles à risques com-

pétitifs. Étude d'événements ponctuels de $R^{\wedge}p$; méta-analyses d'études cliniques; analyse de données génétiques.

MMT 706 3 cr.**Méthodes statistiques multivariées**

Objectif : connaître un ensemble de techniques pour traiter des données multivariées et se familiariser avec des applications, notamment en agronomie et en biologie.

Contenu : compléments de calcul matriciel (dérivation matricielle, recherche d'extrema libres et liés, inverses généralisés). Méthodes traditionnelles de l'analyse multivariée (ACP, AFC, PM); théorèmes d'optimalité associés. Méthodes mettant en jeu deux tableaux, méthodes de prédiction (ACP, AFD, PLS), méthodologies de recherche de co-information (AC et AIBT). Techniques à tableaux multiples avec STATIS, ACIMOG, DO-ACT.

MMT 707 3 cr.**Statistique bayésienne**

Objectif : se familiariser avec l'étude théorique ainsi que la mise en pratique de méthodes bayésiennes non paramétriques pour l'estimation d'une distribution de probabilité et la régression.

Contenu : estimation, distributions *a priori*, étude du processus de Dirichlet, arbres de Polya. Applications aux processus gaussiens, le design optimal en régression et l'analyse numérique bayésienne. Méthodes MCMC (Monte Carlo Markov Chain) et utilisation de R.

MMT 708 3 cr.**Outils fonctionnels en statistique**

Objectif : acquérir des notions de base dans un certain nombre de domaines des probabilités et de la statistique, comme les processus stochastiques, l'estimation non paramétrique, l'étude des mesures et mesures aléatoires, les théorèmes limites, la décision statistique, en mettant l'accent sur des outils et concepts fondamentaux qui sont communs à ces domaines.

Contenu : structures de covariance (uni, multi ou infini-dimensionnelles), applications au filtrage, aux splines, à la détection et à l'extraction de signaux, à l'estimation de densité ou de régression ainsi qu'à l'apprentissage.

MMT 709 3 cr.**Équations différentielles stochastiques**

Objectif : connaître quelques fondements théoriques du calcul stochastique.

Contenu : rappels sur les processus aléatoires continus, mouvement brownien : ses propriétés principales et techniques classiques. Intégrales stochastiques, applications en finance et en biologie.

MMT 710 3 cr.**Processus et applications en médecine**

Objectif : acquérir un certain nombre d'outils statistiques pour l'analyse de données issues du contexte médical.

Contenu : calcul bayésien (fonction de risque, estimation bayésienne, applications en médecine et biologie). Lois *a priori*, mesure de Prohorov. Applications : modèles linéaires et GLM, génomique. Méthodes numériques : Metropolis-Hastings, EM, SEM, ... Processus de comptage, décomposition de Doob, martingales et théorème central limite. Vraisemblance partielle, application aux processus. Applications

cliniques : survie avec censure non informative ou informative, survie ajustée sur la qualité de vie.

MMT 711 3 cr.**Méthodes statistiques pour la génétique**

Objectif : s'initier aux méthodes statistiques utilisées en analyse du génome et en génétique quantitative.

Contenu : méthodes d'alignement (BLAST, FASTA), modèles de Markov caché ou semi-Markov caché des séquences biologiques. Modèles mixtes et applications en génétique quantitative.

MMT 712 3 cr.**Modèles dynamiques stochastiques**

Objectif : s'initier aux processus du second ordre en temps discret et aux diffusions.

Contenu : outils de base sur les processus stationnaires en temps discret, estimation de paramètres dans les modèles ARMA-ARIMA, modélisation par des équations différentielles stochastiques.

MMT 713 3 cr.**Statistique sur les variétés**

Objectif : comprendre les concepts et les méthodes de l'inférence statistique lorsque les variables aléatoires sous-jacentes sont à valeurs dans une variété.

Contenu : méthodes d'estimation de moyenne intrinsèque et de fonctionnelles (densité, régression), procédures de test, cas de la sphère et cas de variétés plus générales. Données circulaires, axiales, et directionnelles.

ROP**ROP 731 3 cr.****Recherche opérationnelle (3-0-6)**

Objectifs : tout en développant son expertise, prendre conscience de l'interaction entre différents aspects de la recherche opérationnelle de façon à en dégager une unité fondamentale par l'étude de thèmes choisis portant, par exemple, sur la programmation dynamique, la programmation stochastique, les réseaux, la gestion des stocks, la programmation continue ou discrète et les files d'attente; acquérir une expertise technique et une capacité à utiliser, implanter et développer des méthodes propres à la recherche opérationnelle.

ROP 751 3 cr.**Programmation linéaire en nombres entiers (3-0-6)**

Objectifs : approfondir et compléter les notions vues dans l'activité ROP 530. Contenu : méthodes de résolution de programmes linéaires en nombres entiers : algorithmes de coupes, algorithmes d'énumération implicite, décomposition de Benders et théorie des groupes. Problèmes particuliers traités : celui du voyageur de commerce et ses extensions, celui du sac alpin, celui de la recherche d'un ensemble de recouvrement minimal et les problèmes avec coûts fixes.

ROP 761 3 cr.**Théorie du choix sous critères multiples (3-0-6)**

Objectifs : acquérir une expérience technique et une capacité à utiliser, implanter et développer des méthodes et systèmes d'aide à la décision sous critères multiples; être capable de discerner les caractéris-

tiques, entre autres psychologiques, sur lesquelles sont fondées ces méthodes afin de pouvoir judicieusement sélectionner une méthode selon la pertinence des hypothèses sous-jacentes propres au décideur.

Contenu : agrégation des préférences individuelles, règles classiques, théorème d'Arrow, méthodes Électre et dualité. Optimisation sous critères multiples, concepts et cône de domination, phase III du simplexe, optimisation vectorielle, par objectifs.

ROP 771 3 cr.**Programmation mathématique (3-0-6)**

Objectifs : approfondir et compléter les notions vues dans les activités ROP 317 et ROP 630.

Contenu : programmation linéaire : convergence du simplexe, théorie de la dualité. Algorithmes polynomiaux (Karmarkar et autres). Programmation non linéaire : ensembles et fonctions convexes. Théorèmes d'alternatives. Conditions d'optimalité. Dualité lagrangienne. Programmation structurée : restriction et génération de colonnes. Relaxation et génération de contraintes. Relaxation lagrangienne et lagrangien augmenté.

ROP 781 3 cr.**Sujets choisis en recherche opérationnelle (3-0-6)**

Objectifs : acquérir une vision d'ensemble de la recherche opérationnelle en identifiant et comprenant les interactions entre différents aspects de celle-ci; développer une expertise dans le domaine.

Contenu : étude de thèmes choisis portant, par exemple, sur la programmation dynamique, la programmation stochastique, les réseaux, la gestion des stocks, la programmation continue ou discrète, les files d'attente.

ROP 787 3 cr.**Sujets choisis en programmation linéaire (3-0-6)**

Sommaire : les sujets traités sont fonction des développements récents en programmation linéaire et dépendent des sujets de recherche des étudiantes et étudiants de même que des personnes ressources au Département.

ROP 788 3 cr.**Sujets choisis en programmation non linéaire (3-0-6)**

Objectif : suivre les développements les plus récents en programmation non linéaire.

Contenu : sujets traités en fonction des développements récents en programmation non linéaire et en fonction des sujets de recherche des étudiantes et étudiants de même que des personnes ressources au Département.

ROP 821 3 cr.**Sujets avancés en programmation linéaire (3-0-6)**

Objectif : connaître de façon approfondie les diverses facettes de la programmation linéaire, en particulier, les développements récents dans le domaine.

Contenu : étude de thèmes choisis en programmation linéaire comme les aspects avancés de la méthode du simplexe, les développements récents sur les méthodes de point-intérieur, les problèmes de réseaux.

ROP 831

3 cr.

Algorithmes en programmation non linéaire (3-0-6)

Objectif : connaître de façon approfondie les aspects algorithmiques des méthodes de programmation non linéaire.

Contenu : convergence globale des algorithmes de descente; résolution des problèmes avec contraintes d'égalité : pénalité, lagrangien augmenté; cas particuliers des contraintes linéaires : contraintes actives, projection; problèmes avec contraintes d'inégalité : barrière, pénalité exponentielle; éléments d'optimisation non différentiables.

STT

STT 701

3 cr.

Probabilités (3-0-6)

Objectifs : comprendre et être en mesure d'utiliser les techniques de calcul d'espérances conditionnelles et celles liées à la manipulation de la convergence étroite en théorie des probabilités.

Contenu : révision de la théorie des probabilités. Espérances conditionnelles. Martingales à temps discret et théorème de convergence de Doob. Convergence étroite, tension et théorème de la limite centrale.

STT 702

3 cr.

Modèles de probabilités appliquées (3-0-6)

Objectifs : connaître la convergence étroite sur les espaces de fonctions et être en mesure de l'utiliser dans la résolution de problèmes complexes.

Contenu : martingales à temps continu. Topologie de la convergence étroite des probabilités sur l'espace des trajectoires continues, muni de la topologie de la convergence uniforme sur les compacts. Topologie de la convergence étroite des probabilités sur l'espace des trajectoires càdlàg, muni de la topologie de Skorohod. Applications à la description et à l'analyse des principaux modèles mathématiques décrivant l'évolution de systèmes de particules en physique statistique, en génétique mathématique, en statistique dynamique et en microéconomique.

STT 707

3 cr.

Analyse des données (3-0-6)

Objectif : maîtriser un certain nombre de sujets dont les applications dans divers domaines permettent de modéliser des situations complexes.

Contenu : analyse en composantes principales. Analyse des corrélations canoniques et régression multidimensionnelle. Analyse des correspondances. Discrimination. Classification. Analyse factorielle d'opérateurs.

STT 708

3 cr.

Sujets choisis en probabilités (3-0-6)

Contenu : sujets traités en fonction des développements récents en probabilités et en fonction des sujets de recherche des étudiantes et étudiants de même que des personnes ressources au Département.

STT 711

3 cr.

Statistique appliquée (3-0-6)

Objectif : appliquer des outils statistiques à la résolution de problèmes d'envergure dans divers domaines.

Contenu : modèles appliqués de régression linéaire et non linéaire. Modèles appliqués d'analyse de la variance et de la covariance. Plans d'expériences optimaux. Analyse et interprétation de données statistiques. Applications à la résolution de problèmes en informatique, en biométrie, en économétrie ou en génie.

STT 712

3 cr.

Statistique non paramétrique (3-0-6)

Objectif : acquérir les notions fondamentales que sont l'estimation et les tests d'hypothèses dans le cadre non paramétrique.

Contenu : tests basés sur les rangs. Propriétés finies. Propriétés asymptotiques sous l'hypothèse nulle. Propriétés asymptotiques sous alternatives contiguës. Estimateurs de Hodges-Lehmann. Propriétés finies et asymptotiques.

STT 718

3 cr.

Sujets choisis en statistique (3-0-6)

Contenu : sujets traités en fonction des développements récents en statistique et en fonction des sujets de recherche des étudiantes et étudiants de même que des personnes ressources au Département.

STT 721

3 cr.

Tests d'hypothèses (3-0-6)

Objectifs : approfondir ses connaissances sur les tests d'hypothèses et faire le lien avec la théorie de la décision.

Contenu : rappels sur la théorie de l'estimation. Les tests d'hypothèses et le problème général de la théorie de la décision. Tests uniformément plus puissants. Tests non biaisés et applications. Invariance. Hypothèses linéaires. Principe du minimax.

STT 722

3 cr.

Théorie de la décision (3-0-6)

Objectif : approfondir ses connaissances en statistique en utilisant l'approche de la théorie de la décision.

Contenu : concepts de base d'un problème de décision statistique. Théorie de l'utilité. Notions d'admissibilité et de complétude. Théorie de l'hyperplan séparateur et théorie du minimax. Classes essentiellement complètes de règles de décisions et statistiques exhaustives. Règles de décision invariants et problèmes de décisions multiples.

STT 723

3 cr.

Séries chronologiques (3-0-6)

Objectifs : acquérir les notions et les outils de base propres à l'étude des séries chronologiques et faire le lien avec l'étude des processus stochastiques.

Contenu : processus stochastiques (généralités). Description et caractéristiques des séries chronologiques. Transformées de Fourier. Analyse statistique des séries chronologiques. Analyse spectrale des processus linéaires. Lissage des estimateurs spectraux.

STT 751

3 cr.

Statistique mathématique (3-0-6)

Objectifs : compléter et approfondir ses connaissances en statistique mathématique.

Contenu : exhaustivité et complétude, théorème de factorisation de Neyman-Fisher, statistiques minimalement exhaustives, théorie de l'estimation ponctuelle, estimateurs sans biais à variance minimale, efficacité des estimateurs, borne de Cramer-Rao, estimateurs asymptotiquement efficaces, estimateurs du maximum de vraisemblance, estimateurs bayésiens, estimateurs minimax, estimateurs de Bayes généralisés, invariance, estimateurs invariants, théorème de Hunt-Stein, admissibilité, tests d'hypothèse statistiques, intervalles de confiance et intervalles de tolérance.