



**Université de Sherbrooke**  
**Faculté des sciences**  
Département de physique



**PLAN DE COURS**  
Trimestre d'hiver 2021

## **Problème à N-corps**

### **PHY-892**

<b>COURS</b>	
Titre :	Problème à N-corps
Sigle :	PHY-892
Crédits :	3
Travaux dirigés :	0
Travail personnel :	7
Session :	MSc - PhD

<b>ENSEIGNANTS</b>	
Nom:	André-Marie Tremblay
Bureau:	D2-1065
Horaire de disponibilité :	Contactez-moi par courriel, <a href="mailto:tremblay@physique.usherbrooke.ca">tremblay@physique.usherbrooke.ca</a>
Correcteur :	Chloé-Aminata Gauvin-Ndiaye <a href="mailto:Chloe-Aminata.Gauvin-Ndiaye@USherbrooke.ca">Chloe-Aminata.Gauvin-Ndiaye@USherbrooke.ca</a>

<b>PLACE DU COURS DANS LE PROGRAMME</b>
Type de cours : optionnel
Cours préalables: Mécanique quantique, mécanique statistique, physique du solide, niveau maîtrise.

La page Moodle du cours :

<https://www.usherbrooke.ca/moodle2-cours/course/view.php?id=22957>

## MISE EN CONTEXTE DU COURS

Le problème à un électron, ou à un électron se déplaçant dans un champ moyen, est essentiellement celui de la théorie des bandes. Le problème à N-corps tient compte des effets dynamiques des interactions. Les fonctions de Green sont la base du langage et des concepts nécessaires à analyser les problèmes où les interactions entre particules ne peuvent être négligées. La supraconductivité à haute température, les conducteurs organiques, les problèmes de type Kondo ne sont que quelques-uns des domaines d'application contemporains des méthodes du problème à N-corps.

C'est un peu avant le début des années 60 que les fonctions de Green ont fait leur apparition en physique du solide. Le premier succès de cette approche, empruntée à la physique des particules élémentaires et à la physique nucléaire, a été de permettre de comprendre la supraconductivité de façon quantitative dans tous ses détails tout en donnant en même temps un fondement microscopique à la théorie de Landau, qui est à la base de notre compréhension des solides. En dix ans environ, à partir de 1957, la supraconductivité passa de sujet mystérieux à sujet le mieux compris de la physique du solide. En 1987 ce sujet est revenu à l'avant-plan avec l'avènement des supraconducteurs à haute température. En fait, plusieurs aspects du problème à N-corps avaient été laissés de côté sans être vraiment résolus. La supraconductivité à haute température a fourni la motivation pour revenir sur ces problèmes.

Cette motivation a été la source de grands développements, tant du point de vue des méthodes expérimentales que du point de vue des méthodes théoriques. Atteindre un niveau permettant d'attaquer des problèmes de recherche avec les outils les plus sophistiqués pose donc un défi que ce cours se propose de relever, du moins en autant que ce soit possible.

## OBJECTIFS GÉNÉRAUX

- Permettre à l'étudiant de faire une synthèse de ses connaissances de mécanique quantique en comprenant et appliquant les langages et les concepts couramment utilisés dans la littérature sur la physique des systèmes en interaction, notamment:
  - Les fonctions de corrélation
  - Les fonctions de Green et leur développement perturbatif avec des diagrammes de Feynman ainsi que les approches non-perturbatives.
- Montrer à l'étudiant comment calculer dans certains cas particuliers et aussi comment interpréter en général la signification physique des diagrammes de Feynman.
- Faire comprendre en profondeur quelques sujets typiques de la physique à N-corps, notamment la supraconductivité puisque cet exemple
  - a) Est un des plus grands succès qualitatifs de la physique à N-Corps,
  - b) Illustre l'application simultanée des concepts de symétrie brisée et de continuation adiabatique.
- Développer l'esprit critique de l'étudiant vis-à-vis les aux différentes approches au problème à N-corps.
- Initier à différentes approches au problème à N-corps, comme
  - Les méthodes d'intégrale et de dérivées fonctionnelles.

- 
- S'initier à la théorie de champ moyen dynamique et à la transition de Mott.
  - Initier l'étudiant à des problèmes de recherche d'intérêt courant.

## OBJECTIFS SPÉCIFIQUES

À la fin de ce cours, l'étudiant devra pouvoir,

- Faire la synthèse de toutes ses notions de mécanique quantique pour comprendre la notion de fonction de Green et ses applications au problème à N-corps.
- Expliquer la signification physique des diagrammes de Feynman dans plusieurs contextes.
- Utiliser le formalisme de la dérivée fonctionnelle de Schwinger pour faire des calculs de problèmes à N-corps
- Appliquer les fonctions de Green au calcul des propriétés physiques des métaux, plus particulièrement leurs propriétés magnétiques et supraconductrices.
- Discuter de problèmes physiques à l'aide des concepts de self-énergie de corrections de vertex.
- Analyser des problèmes de transition de phase à l'aide des notions de théorie Hartree-Fock symétrie brisée, modes collectifs, modes de Goldstone.
- Analyser des problèmes physiques et des résultats d'expérience en utilisant les propriétés générales des fonctions de corrélation tels leur représentation de Lehman, leurs règles de somme, leurs relations de Kramers-Kronig.
- Discuter de la validité de différentes approches perturbatives et de leurs limites en fonction de critères généraux reliés par exemple aux lois de conservation.
- Discuter de la signification des notions de vertex réductible et irréductible.
- Discuter des fondements de la physique du solide en fonction de la description à N-corps.
- Initier à des méthodes modernes comme la théorie de champ moyen dynamique et la théorie auto-cohérente à deux particules.

## ÉVALUATION

50% pour des notes remises au début de chaque cours démontrant que les notes de cours pertinentes au cours précédent ont été relues et que les détails des démonstrations ont été refaits. Il n'y aura pas de correction détaillée, juste une note 100% si une copie convainquante est remise, 50% si c'est douteux et 0% si la copie n'a pas été remise.

20% pour des devoirs donnés aux deux ou trois semaines.

30% pour l'examen final.

# PLAN DE LA MATIÈRE

**Attention : Les numéros de chapitres font référence à cette version des notes de cours**

<http://www.physique.usherbrooke.ca/tremblay/cours/phy-892/N-corps-2020.pdf>

Les notes de cours seront continuellement mises à jour et la dernière version (avec des numéros de chapitre différents en général) sera ici

<http://www.physique.usherbrooke.ca/tremblay/cours/phy-892/N-corps.pdf>

## Partie I. Oscillateur harmonique classique pour introduire les notions de base

### Semaine 1 : oscillateur harmonique, dissipation, irréversibilité et Kramers-Kronig

Cours 1

Plan de cours, motivation

Cours 2

2. Oscillateur harmonique amorti entretenu
  1. Oscillateur harmonique amorti entretenu
  2. Rappel sur les transformées de Fourier
  3. Amortissement retardé, Kramers Kronig
3. Susceptibilité, quelques propriétés générales
  1. Définition et propriétés

Cours 3

2. Susceptibilité dépendante du temps
  3. Positivité de la puissance absorbée et conséquences pour la susceptibilité
4. Dissipation et irréversibilité émergent dans la limite d'un nombre infini de degrés de liberté
  1. Modèle Caldeira-Leggett
  2. Irréversibilité dans la limite infinie
5. Self-énergie et particules virtuelles
  1. La self-énergie émerge lorsqu'on fait un développement en série
  2. Particules virtuelles.

## Partie II Fonctions de corrélation, propriétés générales

### Semaine 2 : Fonctions de corrélation, propriétés et liens avec l'expérience

Cours 4

7. Relation entre les fonctions de corrélation et les expériences
  1. Règle d'or
  2. Cas particulier de la diffusion d'électrons
8. Théorie des perturbations dépendantes du temps

Cours 5

9. Théorie de la réponse linéaire
10. Propriétés des fonctions de corrélation
  1. Notation et définition
  2. Propriétés de symétrie

3. Imparité pour la fonction de corrélation densité-densité.

#### Cours 6

4. Kramers Kronig
5. Représentation spectrale
- 7 Résumé des propriétés
8. Théorème de fluctuation-dissipation
9. Représentation de Lehmann
10. Règles de somme

### **Semaine 3 : Formule de Kubo pour la conductivité, métal, isolant et supraconducteur**

#### Cours 7

11. Formule de Kubo pour la conductivité
  1. Couplage matière et champ électromagnétique
  2. Réponse du courant aux potentiels vecteur et scalaire
  3. Réponse transversale
  4. Réponse longitudinale et règle de somme f

#### Cours 8

12. Poids de Drude, métaux, isolants et supraconducteurs
13. Relation entre conductivité et constante diélectrique

### Partie III Introduction aux fonctions de Green. Équation de Schrödinger à un corps

#### Cours 9

15. Définition de la fonction de Green
  1. Préliminaires : notation
  2. Définition et signification physique
16. Différentes façons de représenter le propagateur à un corps
  1. Représentation de Lehman
  2. Représentation en fréquence
  3. Observables

### **Semaine 4 : Fonction de Green à un corps suite, et généralisation à N-corps**

#### Cours 10

4. Représentation spectrale, Kramers-Kronig, développement haute fréquence
17. Une première rencontre phénoménologique avec la self-énergie
- 18 Théorie des perturbations pour le propagateur à un corps

### Partie IV Fonctions de Green à un corps à température finie

#### Cours 11

24. Résultats principaux de la seconde quantification
  1. Opérateurs de création anihilation
  2. Changement de base

3. Fonctions d'onde
4. Opérateurs à un corps
5. Opérateur nombre

#### Cours 12

6. Lien avec la première quantification
7. Opérateurs à deux corps
8. Représentation d'Heisenberg, identités de commutateurs

### **Semaine 5 : Fonction de Green en temps imaginaire**

#### Cours 13

26. Motivation pour la définition de la fonction de Green retardée en deuxième quantification
  1. Mesure par ARPES
  2. Définition et lien avec le cas à un corps
  3. Exemple avec un Hamiltonien quadratique
  4. Représentation spectrale et analogie avec la susceptibilité
27. Représentation d'interaction

#### Cours 14

29. Fonction de Green de Matsubara et sa relation au cas à un corps
  1. Définition
  2. Produit chronologique
  3. Antipériodicité
  5. Représentation de Lehman
  6. Poids spectral et règles de prolongement analytique

#### Cours 15

7. Fonction de Green pour un système invariant sous translation du temps
8. Fonction de Green dans le cas sans interaction
9. Somme sur les fréquences de Matsubara

### **Semaine 6 : Fonctions de réponse en temps imaginaire, quasiparticules, gaz de Coulomb**

#### Cours 16

30. Susceptibilité et réponse linéaire dans l'espace de Matsubara
  1. Fonctions de réponse sont bosoniques
  2. Réponse linéaire en temps imaginaire
31. Significations physique, quasiparticules,  $Z$  et distribution de quantité de mouvement
  1. Interprétation probabiliste
  2. Analogie du théorème de fluctuation dissipation
  3. Exemple expérimental

#### Cours 17

4. Quasiparticules
5. Liquide de Fermi
6. Distribution de quantité de mouvement

## 32. Quelques résultats formels

## Partie V Gaz de Coulomb

## Cours 18

## 35. Approche par dérivées fonctionnelles

1. Champs sources
2. Fonctions de Green et fonctions de corrélation d'ordre plus élevé
3. Approche impressioniste

**Semaine 7 : Équations du mouvement, Hartree-Fock, fonction de Lindhard**

## Cours 19

## 36. Équations du mouvement pour G en présence de champs source

1. Hamiltonien et équations du mouvement pour l'opérateur de destruction
2. Équations du mouvement et définition de la self
3. Fonctions à quatre points à partir de la dérivée fonctionnelle
4. Self-énergie à partir des dérivées fonctionnelles
5. Self-énergie irréductibilité à une particule et fonctions de Green

## Cours 20

## 37. Dérivées fonctionnelles Hartree-Fock et RPA

1. Théorie des perturbations
2. Équations dans l'espace-temps
3. Équations dans l'espace de Matsubara et des quantités de mouvement.

## Cours 21

## 39. Excitations particule-trou dans la limite sans interaction et fonction de Lindhard

1. Définition et prolongement analytique
3. Réponse de la densité dans le cas sans interaction

## 40. Interactions de modes collectifs

1. Paramètre de développement en présence d'interactions
2. Écrantage Thomas-Fermi
3. Susceptibilités réductibles et irréductibles
4. Oscillations plasma

**Semaine 8 : Réponse en présence d'interactions RPA, self-énergie, GW**

## Cours 22

## 41. Réponse en présence d'interactions

1. RPA
2. Constante diélectrique
  1. Continuum particule-trou
  2. Écrantage
  3. Oscillations de Friedel
  4. Plasmons et amortissement de Landau
  5. Règle de somme f



## Cours 23

## 42. Propriétés à une particule

3. Du point de vue de la théorie des perturbation renormalisée
4. Pathologies

## 43. Énergie potentielle, self-énergie et fluctuations de densité

## 44. Self-énergie et écrantage, GW

## Cours 24

## 45. Physique des propriétés à une particule

1. Poids spectral
2. Simplification pour la partie imaginaire
3. Processus physiques
4. Liquide de Fermi
5. Comparaisons avec l'expérience

## 46. Calcul de l'énergie libre

[Partie VI Fermions sur réseau : Hubbard et Mott](#)**Semaine 9 : Fermions sur réseau : modèle de Hubbard, RPA et TPSC**

## Cours 25

## 53. Théorie de la densité fonctionnelle

1. Énergie du fondamental
2. Approche de Kohn-Sham
4. Amélioration grâce à de meilleures fonctionnelles
5. DFT et théorie des perturbations à N-corps
6. Hamiltoniens modèles

## 54. Le modèle de Hubbard

1. Hypothèses derrière ce modèle
2. D'où viennent les fluctuations de spin
3. Limite sans interaction,  $U=0$
4. Limite atomique,  $t=0$

## Cours 26

## 55. Substitution de Peierls, couplage au champ électromagnétique

## 56. Le modèle de Hubbard dans les traces du gaz d'électrons

1. Propriétés à une particule
2. Fonctions de réponse
3. Hartree-Fock et RPA
4. RPA et violation du principe de Pauli
5. Violation du principe de Pauli du point de vue des diagrammes
6. RPA et théorème de Mermin-Wagner.

## Cours 27

57. L'approche auto-cohérente à deux particules
1. Première étape, auto-cohérence à deux particules
  2. Deuxième étape, une self-énergie améliorée
  3. Vérification de précision

58. Étallonnage et aspects physiques
1. Approche physique
  2. Mermin-Wagner et Kanamori-Brueckner

59. Pseudogap en deux dimensions

### **Semaine 10 : Théorie de champ moyen dynamique, modèle d'Anderson, états cohérents**

Cours 28

- 60 Théorie de champ moyen dynamique et transition de Mott
1. Exemple de modèle exactement soluble par la théorie de champ moyen
  2. Champ moyen en physique classique
  3. La self-énergie est indépendante de la quantité de mouvement en dimension infinie
  4. La relation d'auto-cohérence de la théorie de champ moyen dynamique, dérivation 1
  5. Impureté quantique : Le modèle d'Anderson

Cours 29

6. La relation d'auto-cohérence de la théorie de champ moyen dynamique, dérivation 2
7. La théorie des perturbations pour le modèle d'Anderson
8. La transition de Mott
9. Les isolants de Mott dopés

Cours 30

78. États cohérents de bosons
79. États cohérents de fermions
1. Variables de Grassmann
  2. Intégrales de Grassmann
  3. Changements de variables pour les intégrales de Grassmann
  4. Intégrales de Grassmann gaussienne
  5. Fermeture, sur-complet et formule pour la trace
80. Intégrale fonctionnelle pour les fermions
1. Exemple d'un seul fermion
  2. Interactions et impuretés quantiques

### **Semaine 11 : ferromagnétisme et symétrie brisée**

Cours 31

64. Instabilité de l'état normal
1. Limite sans interaction et invariance de rotation
  4. Instabilité de Stoner
  5. Facteur de structure magnétique et paramagnons

Cours 32

## 65. Interactions faibles, ferromagnétisme de Stoner et phase à symétrie brisée

1. Arguments simples
2. Fonction d'onde variationnelle
3. Principe variationnel de Feynman, paramètre d'ordre
4. Point de vue où on néglige les fluctuations
5. Équation du gap de théorie de Landau
6. Point de vue des fonctions de Green
- 7 Interactions résiduelles

## Cours 33

## 66. Modes de Goldstone, stabilité et le théorème de Mermin-Wagner

1. Susceptibilité transversale
2. Thermodynamique et le théorème de Mermin-Wagner
3. Écrantage de Kanamori-Brückner : inexistence du ferromagnétisme de Stoner.

**Semaine 12 : supraconductivité**

## Cours 34

## 68. Interactions électron-phonon dans les métaux. Modèle du jellium

1. Au-delà de l'approximation de Born-Oppenheimer.
2. Hamiltonien et éléments de matrices pour l'interaction
3. Fréquence plasma des ions remplacée par un mode acoustique
4. Interaction électron-électron médiée par les phonons.
5. Masse effective, renormalisation Z, anomalie de Kohn et théorème de Migdal

## Cours 35

## 69. Instabilité de la phase normale dans le formalisme de Schwinger

1. Formalisme de Nambu et fonctionnelle génératrice
2. Équations du mouvement
3. Susceptibilité de paire

## Cours 36

## 70. Théorie de BCS

1. Symétrie brisée et analogie avec le ferromagnétisme
2. Approche par fonction de Green
3. Cohérence de phase
4. Principe de l'équation d'Eliashberg
5. Hamiltonien BCS
6. Diagonalisation par l'approche des spineurs
7. Équation de BCS et supraconductivité non-conventionnelle

**Semaine 13 : sujets avancés**

## Cours 37

## 72. Fonctionnelle de Luttinger-Ward.

1. La self-énergie peut s'exprimer comme une dérivée fonctionnelle
2. L'énergie libre pour un problème sans interaction mais dépendant du temps

---

3. Fonctionnelle de Luttinger-Ward et transformée de Legendre de la fonction de partition

Cours 38

73. Recettes pour satisfaire les lois de conservation

1. Identités de Ward pour la conservation de la charge
2. Identité de Ward et invariance de jauge
3. Conservation du nombre de particules et origine de la self-énergie.

Cours 39

74. Autre conséquences formelles

1. Cohérence thermodynamique
2. Théorème de Luttinger
3. Critique des approximations conservatives

75. Fonctionnelle de la self-énergie et théorie du champ moyen dynamique

## BIBLIOGRAPHIE

### Recommandation pour le cours:

- A: Très utilisé ou référence suffisamment classique pour que ça vaille la peine.
- B: Assez utilisé ou suffisamment important pour qu'on puisse y référer dans le cadre du cours.
- C: Peu utilisé dans le cours.

### Importance dans la littérature:

- A: Un classique
- B: Très connu
- C: Peu connu
- N: Trop nouveau pour juger

Référence	Commentaire	Importance dans la littérature	Recommandation pour le cours
Mahan G.D. <i>Quantum theory of many-particle systems</i> QC176 .M24 (1981) S	Ouvrage encyclopédique mais aussi pédagogique. Un des seuls volumes qui contiennent des exemples d'application à l'expérience.	A	A
Fetter A.L. and Walecka J.D. <i>Quantum theory of many-particle systems</i> QC 174.12 .F47 (1971)	Un classique. Emploie les méthodes du problème à N-corps dans différents contextes, physique nucléaire, physique atomique, matière condensée. Peu d'exemples de résultats expérimentaux.	A	C
Abrikosov A.A., Gorkov L.P. and Dzyaloshinski I.E. <i>Methods of quantum field theory in statistical physics</i> QC174.4 .A27m (1963)	Le classique des classiques. Encore très cité. Très concis, dans le style de l'école Landau, et difficile à utiliser comme premier volume.	A	A

Lifshitz E.M. et Pitaevskii L.P. <i>Landau et Lifshitz, Vol.9 Statistical Physics, Part 2.</i>	En particulier dans le contexte de la théorie des liquides de Fermi, ce livre explique plus en détail certains des calculs de Abrikosov et al.	A	C
Forster D. <i>Hydrodynamic fluctuations, broken symmetries and correlation functions</i> QC20.7 .C6F67 (1975) S	Un livre sur les propriétés des fonctions de corrélation et leur limite hydrodynamique. Bien du point de vue pédagogique. On y retrouve une discussion du théorème de Goldstone et des opérateurs de projection qu'il est difficile d'avoir ailleurs.	B	A
Anderson P.W. <i>Basic notions of Condensed Matter Physics (Addison Wesley, Frontiers in Physics).</i> QC174.3 C65A53 (1984)	Surtout une collection de tirés-à-part. Les chapitres d'introduction contiennent des idées très profondes. Très peu pédagogique pour le débutant.	B	B
Doniach S. et Sondheimer E.H. <i>Green's functions for solid state physicists</i> QC176 .D66 (1974) S	Ouvrage pédagogique, surtout au début. Pas très complet cependant, mais jusqu'à récemment c'était un des seuls volumes traitant par exemple des paramagnons. Le livre de Enz vient de changer cela.	B	C
Jones W, et March N.H. <i>Theoretical solid state physics, Vol.1 et Vol.2,</i> QC176 .A1J65t (1973)	Ouvrage encyclopédique, très physique. On y retrouve de nombreux résultats d'expérience. Le livre est un peu vieux cependant. Les méthodes utilisées dépendent du sujet traité. Ce n'est pas à proprement dit un volume sur le problème à N-corps. Ne coûte pas très cher.	C	C
Schrieffer J.R. <i>Theory of superconductivity</i> QC612 .S8S23	La bible sur la supraconductivité. Pas encyclopédique, mais complet.	A	Épuisé

De Gennes P.G. <i>Superconductivity of Metals and Alloys</i> QC612 S8D43S (1966)	Un point de vue original et très utile pour les problèmes où il y a des inhomogénéités (e.g. vortex).	A	D
Mattuck R.D. <i>A guide to Feynman diagrams</i> QC174.17 .P7M37 (1976) S	"Feynman diagrams for babies". Très pédagogique. Beaucoup d'images physiques.	C	A
Lovesey S.W. <i>Condensed matter physics</i> QC176.L68 (1980) S		C	D
Economou E.N. <i>Green's functions in quantum physics</i> QC174.17 .G68E25 (1979) S	Utile surtout pour les applications des fonctions de Green au problème à un seul corps.	C	D
Pines D. <i>The many-body problem: a lecture note and reprint volume</i> QC174.17 P7P5 (1962)	Collections d'articles classiques, comme ceux de Landau, de BCS etc...	A	D
Pines D. et Nozières P. <i>The theory of quantum liquids, Vols. 1 et 2.</i> QC174.4 P55T	Très grand classique. Beaucoup d'images physiques pour les différents concepts. Utilise très peu le formalisme des fonctions de Green. Fait surtout ressortir les aspects physiques.	A	D
Rickayzen G <i>Green's functions and condensed matter</i> QC174.17 G68R5 (1984)	Concis, et très pédagogique. Contient plusieurs problèmes. Suit d'assez près le plan de ce cours. Cependant, son coût est scandaleux. Il serait très recommandé autrement.	B	D

Enz C.P. <i>A course on many-body theory applied to solid-state physics.</i> (Worlds Scientific, Singapour, 1992) QC176 E58 (1992)	Contient beaucoup de détails de calcul. Va au delà de Doniach pour son traitement du magnétisme dans le modèle de Hubbard. Traite aussi de sujets plus modernes comme la localisation, qui n'est pas vraiment traitée dans beaucoup de bouquins sur le sujet.	N	A
Gross E.K.U., Runge E., Heinonen O. <i>Many-particle theory.</i> (Hilger, Bristol, 1991)	Contient tous les détails de calcul, en particulier pour le gaz d'électrons. Pas beaucoup d'autres applications.	N	C
Hewson, A.C. <i>The Kondo problem to heavy fermions</i>	Un des seuls livres traitant en détail de tous les problèmes d'impuretés et de corrélation fortes. Contient des exemples expérimentaux.	A	D
Nozières, P. <i>Le problème à N-corps: propriétés générales des gaz de fermions</i> QC174.17 P7N6 (1962)	Excellent volume sur la théorie microscopique des liquides de Fermi.	A	D
Nozières, P. <i>Magnétisme et localisation dans les liquides de Fermi</i>	Ces notes d'un cours donné au Collège de France contiennent plusieurs aspects historiques et développements récents de la théorie du magnétisme.	B	C
<b>Autres livres d'intérêt pour la méthode des équations du mouvement</b>			
Kadanoff L.P. et Baym G. <i>Quantum Statistical Mechanics</i> (Addison-Wesley, Advanced Book Classics) QC174.4 K3 (1962)	"La" référence pour la méthode des dérivées fonctionnelles. Malheureusement, les résultats sur les lois de conservation sont incomplets. Le livre a été écrit un an ou deux trop tôt.	A	B



Inkson, J.C. <i>Many-body theory of solids: An introduction (Plenum, 1984)</i> QC176 I44 (1984)	Introduction à partir de la seconde quantification, puis applications à l'équation de Schrodinger à une particule, puis au problème à N-corps en utilisant la notation de Kadanoff-Baym et sa connexion à la représentation diagrammatique.	C	B
<b>Pour la méthode des intégrales fonctionnelles:</b>			
Negele J.W. et Orland H. <i>Quantum Many-Particles Systems (Addison Wesley, 1988, Frontiers in Physics.)</i> QC174.17 P7N44 (1988)	Fait en détail tous les calculs pour la méthode de l'intégrale fonctionnelle. Très pédagogique. Parle aussi des relations aux transitions de phase et aux calculs numériques. Exemples de comparaisons avec l'expérience à peu près inexistantes.	A	A
Feynman R.P et Hibbs A.R. <i>Quantum mechanics and path integrals (McGraw-Hill 1965)</i> QC174.12 F486 (1965)	Maintenant disponible chez Dover. Un classique mais la présentation au début des intégrales de chemin n'est pas très standard.	A	C
Schulman L.S. <i>Techniques and applications of path integrations. (Wiley, 1981)</i> QC174.17 P27S38 (1981)	Donne une bonne idée d'un grand nombre d'applications de l'intégrale fonctionnelle, dans toutes sortes de contextes, et pas particulièrement dans celui du problème à N-corps.	B	D
Popov V.N. <i>Functional integrals and collective excitations (Cambridge monographs on Mathematical Physics, 1987)</i> QC20.7 F85P65 (1987)	Très concis! Difficile à suivre.	B	D

Coleman S. <i>Aspects of Symmetry</i> (Press Syndicate of the University of Cambridge, 1985) QC793.3 S9C65 (1985)	Très profond et plein d'idées physiques intéressantes. Traite plusieurs sujets indépendants.	A	D
Fradkin E <i>Field theories of condensed matter systems</i> QC611.98 H54F73 (1991)	N'utilise à peu près pas les fonctions de Green. Très utile pour les problèmes de spin du point de vue de l'intégrale fonctionnelle. Bourré de fautes de frappe.	B	D
Sakita B. <i>Quantum theory of many-variable systems and fields</i> (World Scientific, Singapour, 1985) QC174.45 S275 (1985)	Dans le même style que Popov, mais plus pédagogique.	N	C

<b>Plus récents:</b>			
Bonitz, M. <i>Progress in nonequilibrium Green's functions</i> World Scientific, été 2000			
Xiao-Gang Wen <i>Quantum Field Theory of Many-Body Systems : from the origin of sound to an origin of light and electrons</i> Oxford Graduate Texts 2004, réimprimé 2010 QC 174.45 W455 2004	Approche peu orthodoxe qui traite quand même des sujets de base avec en plus des sujets plus modernes comme l'effet Hall quantique, l'ordre topologique, les liquides de spins et autres ordres quantiques. Il suggère en plus une nouvelle approche basée sur l'émergence où la théorie de base est un réseau de cordes.	N	N

<p>Enrico Lipparini  <i>Modern Many-Particle Physics, 2<sup>nd</sup> edition: Atomic gases, nanostructures and quantum liquids.</i>  <i>World Scientific, 2008</i>  <i>QC 174.17 P7L56 2008</i></p>	<p>Le point de vue est celui du chimiste quantique. On y trouve plein de sujets qui ne sont pas bien traités dans les livres habituels, comme les nanostructures, les amas métalliques finis. Il y a aussi des chapitres sur les méthodes Monte Carlo et les interactions spin-orbite par exemple.</p>	N	N
<p>Anthony Zee  <i>Quantum Field Theory in a Nutshell</i>  <i>Princeton University Press, 2003</i>  <i>QC 174.45 Z44 2003</i></p>	<p>Un des livres de physique les mieux écrits que je n'ai jamais lu. Il renseigne sur la théorie des champs pas seulement en matière condensée mais aussi en physique des particules élémentaires. L'approche est celle de l'intégrale fonctionnelle. Il décrit par exemple la renormalisation de façon brillante.</p>	A	B
<p>Alexander Altland and Ben Simons  <i>Condensed Matter Field Theory, Second Edition</i>  <i>Cambridge University Press, 2010</i>  <i>QC 173.54 A57 2010</i></p>	<p>Basé principalement sur l'approche fonctionnelle, ce livre contient plusieurs sujets modernes incluant le groupe de renormalisation, l'influence des termes topologiques et la physique hors d'équilibre. Mécanisme de Higgs.</p>	A	B
<p>Adriaan M.J. Schakel  <i>Boulevard of Broken Symmetries, Effective Field Theories of Condensed Matter</i>  <i>World Scientific, 2008</i>  <i>QC 173.454 S33 2008</i></p>	<p>Élégant, basé sur la méthode des intégrales fonctionnelles. Cependant, la dérivation initiale du formalisme est plutôt un postulat. Il n'y a pas d'exercices. La méthode de développement de la dérivée est utilisée pour dériver des théories effectives à une boucle. Plusieurs sujets plus modernes comme l'effet Hall quantique, la condensation de Bose-Einstein, la dualité. Très succinct.</p>	C	N

<p>Piers Coleman  <a href="#"><i>Introduction to Many-body theory</i></a>          Cambridge University Press (2015)          QC-174.17.P7C64</p>	<p>Commence à un niveau élémentaire mais couvre tous les sujets traditionnels ainsi que des sujets modernes. Beaucoup de perspicacité dans la compréhension physique. Excellent pour la théorie des liquides de Fermi, l'effet Kondo et la supraconductivité entre autres.</p>	A	A
<p>Henrik Bruus and Karsten Flensberg  <i>Introduction to Many-Body quantum theory in condensed matter physics</i>          QC 174.17 P7B78 2004</p>	<p>Ce livre suit pas mal le plan du cours avec beaucoup de détails de calcul. On y trouve la théorie des liquides de Fermi discutée en détails ainsi que la théorie du transport dans les systèmes mésoscopiques. Il y a en plus un chapitre sur les liquides de Luttinger.</p>	N	A
<p>Chetan Nayak  <a href="http://www.physics.ucla.edu/~nayak/many_body.pdf"><i>Quantum Condensed Matter Physics – Lecture Notes</i></a>  <a href="http://www.physics.ucla.edu/~nayak/many_body.pdf">http://www.physics.ucla.edu/~nayak/many_body.pdf</a></p>	<p>Traite de beaucoup de sujets avancés. Ce livre suit pas mal le plan du cours avec beaucoup de détails de calcul. Il y a en plus un chapitre sur les liquides de Luttinger.</p>	N	B
<p>Chetan Nayak  <a href="http://www.physics.ucla.edu/~nayak/QFT-temp-04.pdf"><i>Quantum Condensed Matter Physics –Impurities- Lecture Notes</i></a>  <a href="http://www.physics.ucla.edu/~nayak/QFT-temp-04.pdf">http://www.physics.ucla.edu/~nayak/QFT-temp-04.pdf</a></p>	<p>Principalement sur les impuretés, la localisation faible.</p>	N	B
<p>Masahito Ueda  <i>Fundamentals and new frontiers of Bose-Einstein Condensation</i>          QC 175.47 B65U44 2010</p>	<p>Se concentre sur la condensation de Bose Einstein mais traite bosons, fermions, vortex, topologie etc... Contient même une discussion des liquides de Fermi, avec un minimum de formalisme.</p>	N	N

<p>A.J. Leggett  <i>Quantum liquids : Bose condensation and Cooper pairing in condensed-matter systems</i>          QC 611.92 L44 2006</p>	<p>Rempli d'idées profondes sur la suprafluidité en general et sur la condensation de Bose.          N'utilise pas l'idée de symétrie brisée, ce qui rend le traitement lourd.</p>	N	N
<p>Eduardo C. Marino  <i>Quantum field theory approach to condensed matter physics</i>          QC 173.454 M39 2017</p>	<p>Ce livre met l'accent sur l'approche d'intégrale fonctionnelle qui permet d'introduire plusieurs concepts reliés à la topologie très tôt dans l'ouvrage. On y traite aussi de plusieurs sujets très modernes, comme le graphène, les semi-métaux de Weyl et même le calcul quantique. Plusieurs des sujets sont très avancés.</p>	N	N
<p>R. Shankar  <i>Quantum field theory and condensed matter, an introduction</i>          QC 174.45 S54 2017</p>	<p>Là aussi l'accent est mis sur l'approche d'intégrale fonctionnelle. On y trouve aussi la solution de plusieurs problèmes emblématiques, comme le modèle d'ising à deux dimensions. Mais surtout, les théories de jauge et le groupe de renormalisation sont décrits en détail. Ce ne sont pas des sujets couverts dans ce cours mais ils sont importants.</p>	N	N
<p>J. E. Gubernatis, N. Kawashima, P. Werner,  <i>Quantum Monte Carlo methods : algorithms for lattice models</i>          QC 174.85 M64G83 2016</p>	<p>En pratique, les calculs nécessitent souvent l'utilisation de méthodes numériques. Ce livre est précieux puisqu'on y trouve toutes les méthodes modernes reliées au Monte Carlo quantique.</p>	N	N

Richard M. Margin, Lucia Reining and David Ceperley Interacting electrons theory and computational approaches QC 176.8 E4M39 2016	Cette monographie extrêmement complète présente une approche cohérente à partir de la théorie de la densité fonctionnelle jusqu'aux méthodes de solution numérique les plus modernes, incluant les solveurs pour la théorie de champ moyen dynamique. Les subtilités mathématiques sont mises en lumière dans les annexes. Les références sont exhaustives. L'ouvrage est très complet dans son approche moderne aux calculs réalistes. Essentiellement toutes les méthodes d'approximation sont aussi couvertes.	N	A
---	---	---	---

### Une ressource inestimable

Se tient à Jülich chaque automne une école sur des sujets de problème à N-corps avancés. Les comptes-rendus sont disponibles gratuitement sur internet : <https://www.cond-mat.de/events/correl.html> Vous y trouverez aussi beaucoup de matériel sur la théorie de champ moyen dynamique.